

- (b) Find the radius of curvature of the curve $r = ae^{\theta \cot \alpha}$ at any point on the curve.

$r = ae^{\theta \cot \alpha}$ বক্রটির উপরিস্থিত যে-কোনো একটি বিন্দুতে উহার radius of curvature নির্ণয় কর।

বক্র $r = ae^{\theta \cot \alpha}$ কো কৃনৈ পনি বিন্দুমা বক্রতাকো আসার্ধ নির্ণয় গৱ।

7. The section of the cone whose guiding curve is the ellipse $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, z = 0$ by the plane $x = 0$ is a rectangular hyperbola. Show that the locus of the vertex is the surface $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2 + z^2}{b^2} = 1$.

একটি শঙ্কুর একটি অংশ একটি Rectangular hyperbola, যাহা একটি উপর্যুক্ত $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, z = 0$ এবং একটি তল $x = 0$ দ্বাৰা আবদ্ধ হইলে প্ৰমাণ কৰ ঐ তলের উপরিভাগে

উহার শীৰ্ষবিন্দুৰ সঞ্চারপথ হল $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2 + z^2}{b^2} = 1$ ।

Guiding curve $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1, z = 0$ ভেকো cone লাঈ সমতল $x = 0$ লে প্ৰতিচ্ছেদ গৰ্দা rectangular অতিপৰিবলয় (hyperbola) বনিন্ত ভনে অসকো vertex কো locus $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2 + z^2}{b^2} = 1$ হুন্ত ভনী প্ৰমাণ গৱ।

2

6

GROUP-C

বিভাগ-গ

সমূহ-গ

Answer any two questions from the following

$12 \times 2 = 24$

নিম্নলিখিত যে-কোন দুটি প্ৰশ্নের উত্তৰ দাও

কৃনৈ দুইবৰ্তা প্ৰশ্নকো উত্তৰ দেও

8. (a) Show that for the conic $\frac{l}{r} = 1 + e \cos \theta$, the equation to the directrix corresponding to the focus other than the pole is $\frac{l}{r} = \frac{-(1 - e^2) e \cos \theta}{(1 + e^2)}$.

6

প্ৰমাণ কৰ $\frac{l}{r} = 1 + e \cos \theta$ এই conic টিৰ pole ছাড়া focus-এৰ সমৰূপ directrix-এৰ সমীকৰণ
হইল $\frac{l}{r} = \frac{-(1 - e^2) e \cos \theta}{(1 + e^2)}$,

ধৃবমা নৰহনে নাভিকো সাপেক্ষমা শাংকু $\frac{l}{r} = 1 + e \cos \theta$ কো directrix কো সমীকৰণ
 $\frac{l}{r} = \frac{-(1 - e^2) e \cos \theta}{(1 + e^2)}$ হো প্ৰমাণ গৱ।